Praktikum Beweiser: Bereich Aussagenlogik

Letz, WS 2004, Informatik, TU München

Aufgabe 8: Geben Sie ein geschlossenes reguläres Konnektionstableau für die Klauselmenge S an, die aus den folgenden Klauseln besteht:

(1)
$$p \vee q \vee r$$

(2)
$$p \vee q \vee \neg r$$

(3)
$$p \vee \neg q \vee r$$

(1)
$$p \lor q \lor r$$
 (2) $p \lor q \lor \neg r$ (3) $p \lor \neg q \lor r$ (4) $p \lor \neg q \lor \neg r$

$$(5) \neg p \lor q \lor r$$

$$(6) \neg p \lor q \lor \neg r$$

$$(7) \neg p \lor \neg q \lor r$$

(5)
$$\neg p \lor q \lor r$$
 (6) $\neg p \lor q \lor \neg r$ (7) $\neg p \lor \neg q \lor r$ (8) $\neg p \lor \neg q \lor \neg r$

Aufgabe 9: Geben Sie eine Resolutionswiderlegung $R=c_1,\ldots,c_n$ der Klauselmenge S an, die aus den folgenden Klauseln besteht:

(1)
$$\neg p \lor \neg q \lor \neg r$$
 (2) $p \lor \neg u$ (3) $u \lor \neg p$ (4) $p \lor \neg q$ (5) $p \lor q$

(2)
$$p \vee \neg u$$

(3)
$$u \vee \neg p$$

(4)
$$p \vee \neg q$$

(5)
$$p \vee q$$

(6)
$$q \vee \neg u$$
 (7) $r \vee \neg u$ (8) $p \vee r$ (9) $u \vee r$

(7)
$$r \vee \neg u$$

(8)
$$p \vee r$$

(9)
$$u \vee r$$

Aufgabe 10: Eine Resolutionsherleitung $R = c_1, \ldots, c_n$ aus einer Klauselmenge S heisse *linear*, wenn für alle Klauseln c_i in R gilt: c_1 ist Resolvente zweier Klauseln aus S und c_i (i>1) ist Resolvente zweier Klauseln c_{i-1}, c wobei $c \in S$ oder c in R mit Index c i. In anderen Worten: Jede hergeleitete Klausel ist eine der Elternklauseln im jeweils nächsten Resolutionsschritt.

Geben Sie eine lineare Resolutionswiderlegung der Klauselmenge S aus Aufgabe 9 an.